

# Acústica

**introducción** Parte de la física que estudia el sonido. Sonido movimiento ondulatorio (onda de presión) solo puede propagarse a través de un medio material variando la presión relativa del medio. El sonido como todo movimiento ondulatorio estará caracterizado por amplitud, frecuencia, longitud de onda, velocidad de propagación... los valores de variación del sonido en comparación con cualquier onda de presión son muy pequeños (dB). La frecuencia establece una clasificación del sonido (20-20000 Hz sonido audible, <20 Hz infrasonidos, >20000 Hz ultrasonidos) la velocidad de propagación depende de las características mecánicas del medio. Teniendo en cuenta estos valores podemos deducir las que corresponden a la longitud de onda  $\lambda = c/f$

**velocidad de ondas transversales** (cuerda inextensible) 1º desde el reposo y lo que la fuerza en sus extremos es la misma, cuando a su extremo llega una onda transversal se propaga sobre x y el elemento de longitud  $\Delta x$  se mueve en dirección transversal al eje y.  $dF_y = T_0 \sin \theta_2 - T_0 \sin \theta_1 = T_0 d\sin \theta$  podríamos sustituir por  $\tan \theta$  (valor ángulo pequeño)  $dF_y = T_0 d(\tan \theta)$  multiplicamos por unidad de longitud  $(dF_y/dx) = T_0 [d(\tan \theta)/dx] = T_0 (d^2 y/dx^2)$  si tenemos en cuenta 2º principio de dinámica Newton tendremos  $\mu = m/dx$  si lo comparamos con la ecuación de propagación tenemos la velocidad  $c_t = \sqrt{T_0/\mu}$  es de la onda plana transversal que se propaga a lo largo de la cuerda  $y = Y \sin w[t - (x/c_t)]$

**velocidad de las ondas longitudinales** (varilla de sección circular) consideramos el material elástico cuando pasa la onda realiza una deformación elástica, y aplicamos la ley de Hooke. el paso de esta onda somete a una tensión de tracción siendo proporcional a la deformación  $(dF_x/A) = E[(L_f - L_0)/L_0]$  el valor de la fuerza puede calcularse como  $dF_x = AE(\Delta L/L_0)$ . Suponiendo que un extremo oscila con amplitud  $du$ :  $(\Delta L/L_0) = (L_f - L_0)/L_0 = (du/dx)$ , es anterior con esta  $(dF/dx) = AE(d^2 u/dx^2)$  teniendo en cuenta el 2º principio Newton  $dF/dx = (\rho A dx/dx)(d^2 u/dt^2)$  comparando esta con propagación de una onda longitudinal en un sólido  $c_{ls} = \sqrt{E/\rho}$  la ecuación de onda  $u = A \sin w[t - (x/c_{ls})]$

en fluidos  $C_{lf} = \sqrt{1/\rho k}$  la ecuación de onda  $u = \text{sen} w[t - (x/c_{lf})]$  u amplitud de la onda

**ondas estacionarias de presión** las ondas sonoras corresponden a ondas de presión, y lo que si consideramos que la onda incidente y la reflejada tienen la misma amplitud, las ecuaciones de ambas:  $dp_i = A \sin 2\pi f[t - (x/c)]$  y  $dp_r = A \sin 2\pi f[t - (x/c)]$  la resultante será la suma de las 2  $dp = 2A \cos(2\pi f_x/c) \sin 2\pi f t$  cuya amplitud será  $A_R = 2A \cos(2\pi f_x/c)$  y los puntos de presión máxima  $x_{vp} = k(\lambda/2)$  los nodos de presión  $x_{np} = (2k+1)(\lambda/4)$ . Para obtener la onda de desplazamiento de partículas vamos a partir de la ecuación de onda de presión  $dp = -(1/k)(du/dx)$  ---  $du = -k 2A \cos(2\pi f_x/c) \sin 2\pi f t dx$  integrando  $u = -(2Ak/\lambda) \sin(2\pi f_x/c) \sin 2\pi f t$  la velocidad de cada partícula será  $u = du/dt = -2Ak/\lambda f \sin(2\pi f_x/c) \cos 2\pi f t$

**teoría de Bernoulli de los tubos sonoros:** un tubo sonoro es una fuente capaz de emitir sonidos aprovechables musicalmente. El tubo en la dirección del eje x, tomando como origen por donde se introduce la onda primaria, se produce una onda estacionaria, que corresponde a la superposición de 2 ondas de igual frecuencia, que se propagan a lo largo del eje x en direcciones contrarias  $u_1 = A_1 \sin 2\pi f[t - (x/v)]$  y  $u_2$  igual, la onda resultante será la suma de estas 2  $U = A_1 \sin 2\pi f[t - (x/v)] + A_2 \sin 2\pi f[t - (x/v)]$  si tenemos en cuenta que el valor de la presión ha de ser la misma que en el exterior

$(du/dx)_{x=0} = (2\pi f/c)(-A_1[t - (x/c)] + A_2 \cos 2\pi f(t + x/c)) = 0$  donde  $A_1 = A_2$   $u = 2A \cos(2\pi f_x/c) \sin 2\pi f t$

tubos abiertos: se verifica  $dp = -(1/k)(du/dx)_{x=L_a} = 0$  teniendo en cuenta la ecuación de antes  $dp = -$

$(1/k)(du/dx) = 2A(2\pi f/kc) \sin(2\pi f_x/c) \sin 2\pi f t = 0$  ----  $\sin(2\pi f L_a/c) = 0$  lo que indica que la frecuencia en función de la longitud del tubo  $L_a = c/2f = \lambda/2$  un tubo abierto emite frecuencias  $f_a = kc/2L_a$

tubos cerrados: en un tubo cerrado las paredes no vibran ( $u)_{x=L_c} = 0$  obtendremos una ecuación de onda

$2\pi f L_c/c = (2k-1)(\lambda/2)$  con esto deducimos la longitud del tubo en función de la frecuencia  $L_c = (2k-1)(\lambda/4)$  un tubo cerrado tiene una frecuencia  $f_c = [(2k-1)c]/4L_c$

**intensidad sonora:** la energía que atraviesa por segundo, la unidad de superficie normal a la dirección de propagación. la intensidad del sonido vendrá dada por  $I = A_p^2/\rho c$   $s-s_0 = \log I/I_0$

**efecto Doppler:** variación de frecuencia cuando un observador percibe un movimiento ondulatorio emitido por un foco, cuando observador y foco están en movimiento relativo.